

1 以下の小問に答えよ。

(1) 次の式の分母を有理化せよ。

i) $\frac{1}{2\sqrt{61}-11}$ ii) $\frac{1}{(\sqrt{2}+\sqrt{3})(\sqrt{6}-3)}$

(2) 73^{37} の一の位の数を求めよ。

(3) 次の式を展開せよ。

$$(x+2)(x-2)(x^2-4)(x^2+4)^2$$

(4) 次の式を因数分解せよ。

i) $ab+2a+5b+10$

ii) $(x-3y)(2x+y)+7y-2$

(5) 三角形 ABC において、 $AB=4$ 、 $AC=3$ 、 $BC=\sqrt{5}$ としたとき、

次の問いに答えよ。

i) $\cos \angle ABC$ の値を求めよ。

ii) 三角形 ABC の面積を求めよ。

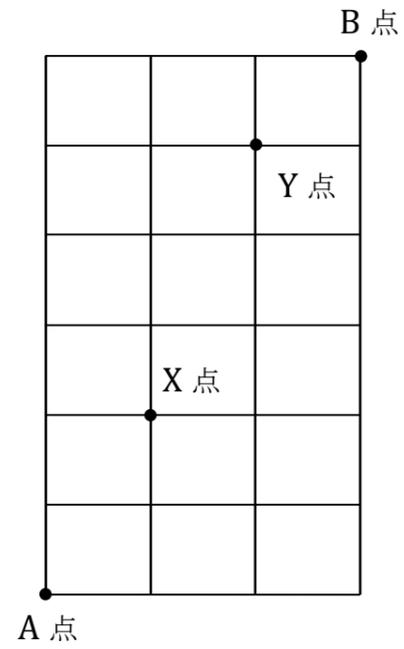
(6) 2次関数 $f(x) = 3x^2 - 6(m-1)x + 2m + 6$ について考える。

m を実数の定数とするとき、次の問いに答えよ。

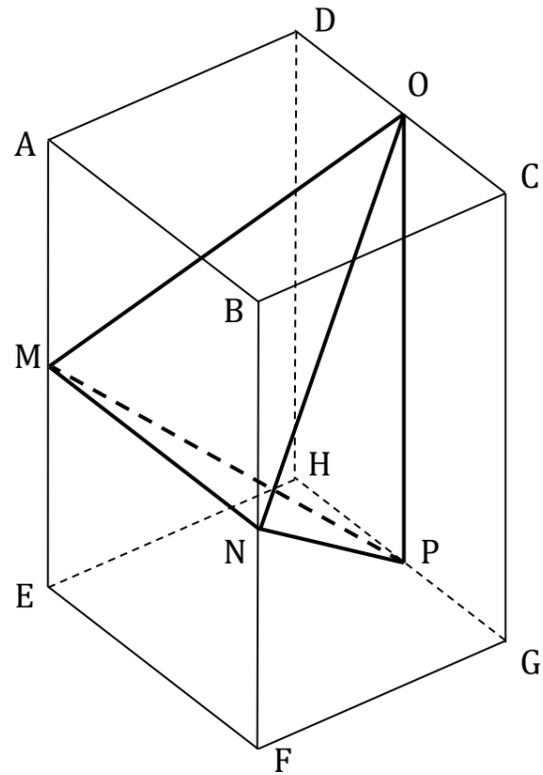
i) $y = f(x)$ のグラフの頂点の座標を m を用いて表せ。

ii) すべての実数 x に対して、 $f(x) > 0$ となるような m の値の範囲を求めよ。

- 2 下図のような格子状の街路がある。A 点から B 点まで最短経路で移動することを考える。図中の各交差点において、右に進む確率と上に進む確率はそれぞれ $\frac{1}{2}$ とする。ただし、一つの方法にしか進めない場合、その方向に進む確率は 1 とする。今、A 点から B 点まで移動するとき、X 点を経由する確率と Y 点を経由する確率をそれぞれ求めよ。



- 3 下図のような直方体 $ABCD-EFGH$ について、
 $AB=BC=CD=DA=EF=FG=GH=HE=2$, $AE=BF=CG=DH=4$ とする。
 AE , BF , CD , GH の中点をそれぞれ M , N , O , P としたとき、
四面体 $MNOP$ について、次の問いに答えよ。



- (1) MN の中点を Q とするとき、三角形 OQP の面積を求めよ。
- (2) 四面体 $MNOP$ の体積を求めよ。
- (3) 四面体 $MNOP$ に内接する球の半径を求めよ。
- (4) 4 点 M , N , O , P を通る球の半径を求めよ。また、計算過程を記述せよ。